

گندکنترل



121A

121
A

صبح پنج شنبه
۱۴۰۱/۰۶/۰۹

دقیرجه دواز سه



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کنترل

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.
امام خمینی (ره)

آزمون سراسری ورودی دانشگاه‌ها و مؤسسات آموزش عالی کشور سال ۱۴۰۱

گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی
آزمون اختصاصی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	نام شماره	زمان بایع گویی
۱	ریاضیات	۵۰	۱۰۱	۱۵۰	۸۰ دقیقه

در صورت وجود هرگونه پرسش و ابهام با شماره ۹۰۹۹۰۷۵۳۰۷ تماس بگیرید.



تماس از طریق تلفن ثابت



* داوطلب تراویح، عدم درج مشخصات و امضاء در مندرجات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینچنانچه.....با شماره داوطلبی.....با آگاهی کامل، بکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ‌نامه و دفترچه سوالات، نوع و کدکنترول درج شده بر روی دفترچه سوالات و پالین پاسخ‌نامه‌ام را تأیید می‌نمایم.

امضاء:

۱۰۱- دنباله‌های هندسی با قدر نسبت طبیعی و بزرگتر از یک که شامل ۵ جمله هستند را در نظر بگیرید. چه تعداد از این نوع دنباله‌ها می‌توان یافت که جملات آن عضو مجموعه $\{1, 2, \dots, 100\}$ باشد؟

۷ (۴)

۶ (۳)

۴ (۳)

۳ (۱)

۱۰۲- کمترین مقدار تابع $y = mx^2 - 12x + 5m$ برای $x = 2$ است. محور تقارن سه‌می، کدام است؟

 $x = 2/5$ $x = 2$ (۳) $x = 2/5$ (۳) $x = 2$ (۱)

۱۰۳- مجموعه‌های A , B و C , D را در نظر بگیرید. تعداد اعضای C , دو واحد بیشتر از A و تعداد اعضای D , سه واحد کمتر از B است. اگر تعداد اعضای مجموعه $C \times B$, 25% بیشتر از تعداد اعضای مجموعه $A \times B$ و $1/5$ برابر تعداد اعضای مجموعه $A \times D$ باشد، اختلاف تعداد اعضای مجموعه‌های A و B چقدر است؟

۱۰ (۴)

۷ (۳)

۵ (۳)

۲ (۱)

۱۰۴- اگر A و B دو مجموعه ناتهی از مجموعه مرجع U باشند، مجموعه $A' \cup ((B \cap A) \cap (B \cup A) \cap B)$ با کدام مجموعه برابر است؟

 \emptyset (۴) B (۳) $B - A$ (۳) $(A - B)'$ (۱)

۱۰۵- کدام گزاره زیر، هم‌ارز منطقی گزاره $(\sim p \vee q) \leftrightarrow q$ است؟

 $\sim p \leftrightarrow q$ (۴) q (۳) $p \vee q$ (۳) p (۱)

۱۰۶- اگر α و β ریشه‌های معادله $3x^2 + 2\beta^2 = 12\sqrt{2} + 8\alpha$ و $\alpha < \beta < 0$ باشند، مقدار a چقدر است؟

۲ (۴)

 $\frac{21}{5}$ (۳) $\frac{13}{4}$ (۳)

۱ (۱)

۱۰۷- اگر $2 = \frac{1}{a^2+1} + \frac{1}{a^2-1}$ باشد، حاصل چقدر است؟

-۱ (۴)

۱ (۳)

-۲ (۳)

۲ (۱)

محل انجام محاسبات



۱۰۸- تابع $f(x) = x^2 \sqrt{x^2}$ در یک بازه نزولی است. ضابطه وارون تابع در این بازه، کدام است؟

- $-\sqrt[3]{x}, x \geq 0$ (۱) $-\sqrt{x^2}, x \geq 0$ (۲) $-\sqrt[3]{x}, x \leq 0$ (۳) $-\sqrt{x^2}, x \leq 0$ (۴)

۱۰۹- فاصله نقطه A روی خط $x+y=a$ از دو نقطه C(-۱, ۲) و B(-۳, ۲) به ترتیب برابر $\sqrt{29}$ و ۵ است. مقدار a چقدر است؟

- ۲ (۱) $-\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۳) ۲ (۴)

۱۱۰- اگر $f(x) = \frac{\sqrt{2x}}{2x - \sqrt{2}}$ باشد، حاصل $f \circ f \circ f(\sqrt{2})$ کدام است؟

- $\frac{1}{2}$ (۱) ۲ (۲) $\sqrt{2}$ (۳) $\frac{1}{\sqrt{2}}$ (۴)

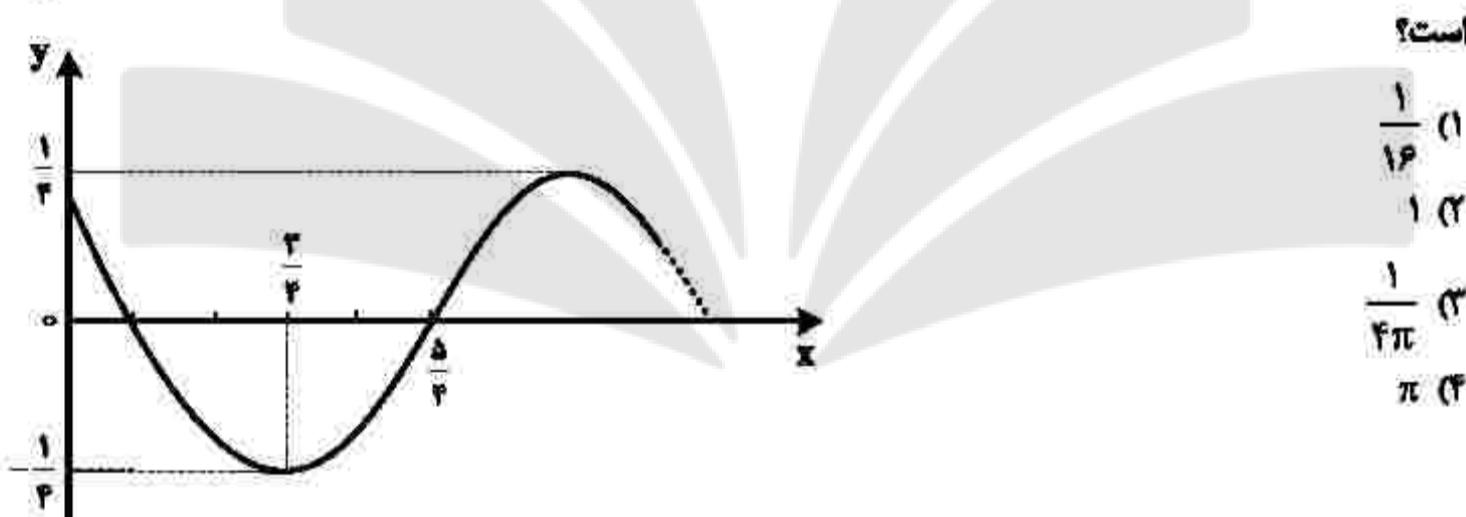
۱۱۱- فرض کنید $10 = 5^x$ است. اگر $20 = 5^f(x)$ باشد، ضابطه f کدام است؟

- $\frac{x+1}{2x+1}$ (۱) $\frac{2x-1}{x-1}$ (۲) $\frac{x-1}{2x-1}$ (۳) $\frac{2x+1}{x+1}$ (۴)

۱۱۲- اندازه زاویه A در مثلث ABC، ۲۵ درجه بیشتر از اندازه زاویه B است. حاصل $2\cos A \sin B - \sin C$ کدام است؟

- $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۱) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۲) $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۳) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۴)

۱۱۳- شکل زیر، قسمتی از نمودار تابع $f(x) = a \cos(bx + c)$ را نشان می‌دهد. اگر $0 < c < \pi$ و $b > 0$ باشد، مقدار $\frac{ac}{b}$ کدام است؟



محل اجتیام محاسبات

$\frac{1}{16}$ (۱)

۱ (۲)

$\frac{1}{4\pi}$ (۳)

π (۴)



۱۱۳- مجموع جواب‌های معادله مثلثاتی $\sin x + \sqrt{3} \cos x = \sqrt{2}$ در بازه $[-\pi, 2\pi]$ کدام است؟

$$\frac{11\pi}{6} \quad (F)$$

$$\frac{7\pi}{4} \quad (S)$$

$$\frac{7\pi}{3} \quad (S)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (I)$$

۱۱۴- حاصل $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{3x+3} - \sqrt{3x+4}}{1+\sqrt[3]{x}}$ کدام است؟

$$-\frac{3}{2} \quad (F)$$

$$-2 \quad (S)$$

$$\frac{1}{2} \quad (S)$$

$$2 \quad (I)$$

۱۱۵- تابع $f(x) = \begin{cases} |x| + [-x] & |x^3| < x^3 \\ 1 + \cos \pi x & |x^3| = x^3 \\ [x^3] - [x] & |x^3| > x^3 \end{cases}$ در چند نقطه ناپیوسته است؟

$$2 \quad (S)$$

$$2 \quad (I)$$

(S) در همه نقاط پیوسته است.

(S) بیشمار

۱۱۶- چند جمله‌ای $p(x) = x^{4n+1} + 2x^{4n} + x^9 + 3x^4 + 16x$ بر $x+2$ بخشیدیر است. برای $n=1$, باقی‌مانده تقسیم $p(x)$ بر $x^3 + 2x^2 + 2x - 3$ کدام است؟

$$-5x + 44 \quad (F)$$

$$-5x + 34 \quad (S)$$

$$-15x + 14 \quad (S)$$

$$-15x + 24 \quad (I)$$

۱۱۷- اعداد طبیعی طوری دسته‌بندی شده‌اند که تعداد عضوهای هر دسته (بجز دسته اول و دوم)، برابر بزرگترین عضو دسته قبل است؛ یعنی ...، $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, $\{7, 8, 9, 10, 11, 12\}$, $\{13, 14, 15, 16, 17\}$, ... میانگین عضوهای هر دسته سیزدهم، کدام است؟

$$6144/5 \quad (F)$$

$$4908/5 \quad (S)$$

$$3072/5 \quad (S)$$

$$2304/5 \quad (I)$$

۱۱۸- تابع $f(x) = \frac{|ax+1|+2x}{|x|+b}$ دارای دو مجذوب افقی و دو مجذوب قائم است. اگر هر ریشه مخرج با یکی از حد های تابع در پی‌نهایت برابر باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ کدام است؟

$$\frac{1}{4} \quad (F)$$

$$-\frac{1}{2} \quad (S)$$

$$1 \quad (S)$$

$$-3 \quad (I)$$

۱۱۹- در نقطه تلاقی منعنهای x $f(x) = \sin x$ و $g(x) = \frac{3}{2} \sin x$ در بازه $[0, \pi]$ خط مماسی بر منعنهای $f(x)$ رسم می‌شود. این خط، محور x را در نقطه‌ای با کدام طول قطع می‌کند؟

$$\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{8} \quad (F)$$

$$\frac{\pi}{4} + \frac{1}{8} \quad (S)$$

$$\frac{\pi}{4} - 3 \quad (S)$$

$$\frac{\pi}{4} - 1 \quad (I)$$

محل انجام محاسبات

در صورت وجود هرگونه پرسش و ابهام با شماره ۹۰۹۹۰۷۵۳۰۷ تماس بگیرید.



۱۲۱- تابع f مشتق پذیر و با دوره تناوب ۶ است. اگر $g(x) = f(x+1) + f(3x+1)$ باشد، حاصل $\frac{g'(0)}{f'(0)}$ کدام است؟

(۴) $\frac{13}{2}$

(۳) ۶

(۴) $\frac{7}{2}$

(۱) ۳

۱۲۲- اگر $f(x) = (x-2)\sqrt[3]{x+3}$ باشد، حاصل $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f'(2+h)-3f(2-h)+7}{h(2-h)}$ کدام است؟

(۴) $\frac{13}{15}$ (۳) $\frac{5}{6}$ (۴) $-\frac{5}{12}$ (۱) $\frac{13}{30}$

۱۲۳- نقطه $(1, -1)$ اکسترم نسبی تابع $y = x^2 |x| + 3ax^2 + b$ کدام است؟

(۴) $-\frac{1}{3}$

(۳) ۳

(۴) $-\frac{1}{3}$

(۱) -۳

۱۲۴- محل تلاقي مجانب‌های تابع هموگرافیک $y = \frac{ax+3}{(a+1)x+(a-1)}$ ، نقطه مینیمم تابع $y = \frac{ax^2+x+5}{2}$ است. نمودار این تابع هموگرافیک، معنور آنرا در نقطه‌ای با کدام طول قطع می‌کند؟

(۴) $-\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{3}{2}$

(۴) -۳

(۱) ۳

۱۲۵- چند عدد طبیعی پنج رقمی با ارقام غیرتکراری می‌توان نوشت که ارقام آن یک در میان زوج و فرد باشند؟

(۴) ۲۴۰۰

(۳) ۲۱۶۰

(۴) ۱۹۲۰

(۱) ۱۸۴۰

۱۲۶- در یک تجربه تصادفی، $S = \{x, y, z\}$ یک فضای نمونه‌ای است. اگر $P(x), P(y)$ و $P(z)$ یک دنباله هندسی با قدر نسبت کمتر از واحد، تشکیل دهند و واسطه هندسی آنها $\frac{1}{5}$ باشد، کمترین مقدار احتمال یک پیشامد ساده در S ، چقدر است؟

(۴) $\frac{2-\sqrt{2}}{10}$ (۳) $\frac{2-\sqrt{3}}{10}$ (۴) $\frac{2-\sqrt{3}}{5}$ (۱) $\frac{2-\sqrt{2}}{5}$

۱۲۷- در یک کیسه ۱۶ گوی به شماره‌های ۱ تا ۱۶ وجود دارد. دو گوی به طور متوالی و بدون جایگذاری، به تصادف التغاب می‌کنیم. اگر بدانیم شماره گوی دوم از شماره گوی اول کمتر است، با کدام احتمال شماره گوی اول ۱۶ است؟

(۴) $\frac{1}{4}$ (۳) $\frac{1}{8}$ (۴) $\frac{1}{12}$ (۱) $\frac{1}{16}$

محل انجام محاسبات



۱۲۸- برای برآورده میانگین درآمد افراد یک جامعه از دو نمونه تصادفی استفاده کردند. اندازه نمونه دوم را طوری انتخاب می‌کنند که انحراف معیار برآورده میانگین با نمونه دوم، $\frac{2}{3}$ برابر مقدار محاسبه شده با نمونه اول باشد. اندازه نمونه دوم، چند برابر نمونه اول است؟

۳/۵ (۴)

۲/۷۵ (۳)

۲/۲۵ (۲)

۱/۵ (۱)

۱۲۹- میانگین شش داده آماری، عددی طبیعی است و توان دوم انحراف از میانگین این داده‌ها، به صورت $a^2, 1, b^2, 0, c^2, 9$ است. اگر واریانس این داده‌ها برابر ۴ باشد، مقدار ab کدام است؟ ($a, b \in \mathbb{Z}$)

-۲ (۴)

۲ (۳)

۴ (۳)

-۴ (۱)

۱۳۰- در مثلث متساوی‌الساقین ABC نقطه M وسط ساق AB و عمودمنصف آن، ساق AC را در نقطه N قطع می‌کند. اگر $\hat{N}BC = 54^\circ$ باشد، اندازه زاویه $\hat{M}NB$ چند درجه است؟

۷۸ (۴)

۶۶ (۳)

۵۶ (۲)

۴۸ (۱)

۱۳۱- در یک مثلث قائم‌الزاویه، اندازه دو پاره خطی که ارتفاع وارد بر وتر، بر روی وتر ایجاد می‌کند ۲/۵ و ۱۴/۴ سانتی‌متر است. طول ارتفاع وارد بر وتر، چند سانتی‌متر است؟

۸ (۴)

۷/۲ (۳)

۶ (۳)

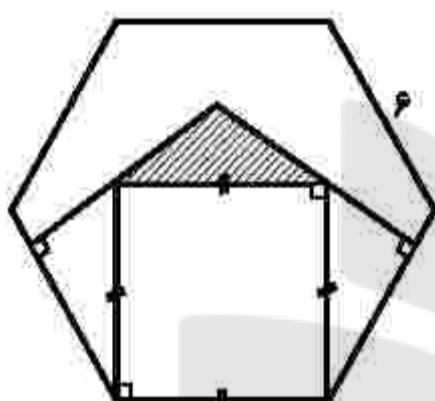
۴/۸ (۱)

۱۳۲- در شش‌ضلعی منتظم زیر، مساحت تابعه هاشور خورده چند سانتی‌متر مربع است؟

 $3\sqrt{3}$ (۱) $2\sqrt{3}$ (۲)

۳ (۳)

۲ (۴)



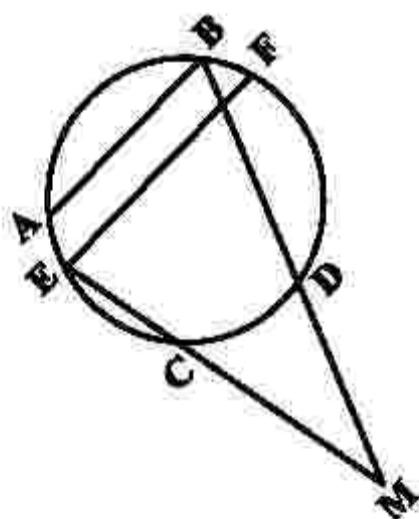
۱۳۳- در شکل زیر، $AB \parallel EF$ و اندازه کمان‌های $\widehat{AE} = 15^\circ$ ، $\widehat{AC} = 80^\circ$ ، $\widehat{AE} = 100^\circ$ است. اگر باشد، اندازه زاویه \hat{ABD} چند درجه است؟

۷۱/۲۵ (۱)

۷۴ (۲)

۷۵ (۳)

۷۸/۷۵ (۴)



محل انجام محاسبات

در صورت وجود هرگونه پرسش و ابهام با شماره ۹۰۹۹۰۷۵۳۰۷ تماس بگیرید.



تماس از طریق تلفن ثابت

۱۳۴- یک دوزنگه متساوی الساقین با طول قاعده‌های ۸ و ۶ واحد، بر دایره‌ای به مساحت 15π محیط است. مقدار α کدام است؟

(۱۰) ۴

$$\frac{32}{3}$$

۸ (۲)

$$\frac{25}{3}$$

۱۳۵- طول خط مرکزین دو دایره مماس درونی $3/5$ سانتی‌متر و مساحت ناحیه محدود بین آنها 21π سانتی‌متر مربع است. شعاع دایره کوچک‌تر، چند سانتی‌متر است؟

(۱) $1/25$ (۲)(۳) $2/25$ (۴) $1/75$

۱۳۶- در مربع ABCD نقطه (۳, ۵) رأس B و طول رأس‌های C و D به ترتیب $5/5$ و ۳ است. اگر بازتاب نقطه D نسبت به محور X ها بر خودش منطبق شود، فاصله بازتاب نقطه C نسبت به قطر BD از مبدأ مختصات چقدر است؟

(۱) ۲ (۲)

(۳) $\sqrt{6}$ (۴) $\sqrt{6}/5$ (۵) $2/5$

۱۳۷- نیمساز داخلی زاویه A در مثلث ABC، ضلع مقابل را به پاره‌خط‌های $3/5$ و $2/5$ واحدی تقسیم کرده است. اگر اندازه زاویه C برابر 60° درجه باشد، ضلع کوچک‌تر مثلث چند واحد است؟

(۱) $5/25$ (۲)(۳) $4/25$ (۴) $4/25$ (۵) $3/25$

۱۳۸- اگر xy و ماتریس AB به ازای $y \in \mathbb{Z}$ ماقریس باشد، مقدار xyz کدام است؟

$$B = \begin{bmatrix} yz & \frac{1}{2} & 2 \\ yz & 0 & -yz \\ 0 & \frac{1}{2} & 0 \end{bmatrix}, A = \begin{bmatrix} x & -1 & -x \\ 0 & 0 & 2 \\ y & z & z \end{bmatrix}$$

کدام است؟

(۱) ۲ (۲)

(۳) ۱

(۴) -۲

(۵) -۱

صدق کنید

$$\begin{bmatrix} 2|A| & |A| \\ 1 & \frac{2}{|A|} \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} \quad A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -3 \\ 4 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 3 \end{bmatrix} \quad \text{اگر } X \text{ در رابطه ماتریسی}$$

کوچک‌ترین درایه قطر اصلی ماتریس X کدام است؟

(۱) ۸ (۲)

(۳) ۶

(۴) -۳

(۵) -۱۵

۱۳۹- به ازای هر m معادله $(m-1)x + (m+1)y = 6$ ، معادله قطری از دایره C است. اگر نقطه (-1, 1) روی دایره C باشد، محیط دایره C کدام است؟

(۱) $2\sqrt{3}\pi$ (۲)(۳) 3π (۴) 2π (۵) $2\sqrt{2}\pi$

محل انجام محاسبات



۱۴۱- در سه‌بعدی $x^2 - 2xy + 8z + b = 0$ نقطه $(1, -1, 1)$ رأس سه‌بعدی است. مقدار $\frac{a}{b}$ چقدر است؟

$$-\frac{1}{3} \quad (4)$$

$$-\frac{1}{5} \quad (3)$$

$$\frac{1}{5} \quad (3)$$

$$\frac{1}{3} \quad (1)$$

۱۴۲- سه بُردار $\vec{a} = (1, 1, 0)$, $\vec{b} = (-1, 2, 0)$, \vec{c} غیر واقع در یک صفحه و $(x, y, z) = \vec{h}$ بُردار ارتفاع متوازی السطوح حاصل از این سه بُردار است. اگر $1 = \vec{a} \cdot \vec{c}$ و $5 = \vec{a} \cdot \vec{b}$ باشد، اندازه بُردار \vec{c} کدام است؟

$$\sqrt{21} \quad (2)$$

$$\sqrt{19} \quad (3)$$

$$4 \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

۱۴۳- دو بُردار که اندازه یکی دو برابر دیگری است، با هم زاویه 60° درجه می‌سازند. زاویه بین بُردار بزرگ‌تر و تفاضل دو بُردار، چند درجه است؟

$$120^\circ \quad (4)$$

$$60^\circ \quad (3)$$

$$45^\circ \quad (2)$$

$$30^\circ \quad (1)$$

۱۴۴- نقاط (a, b) روی منحنی $y = \frac{3x-1}{x+2}$ قرار دارند. اگر $a, b \in \mathbb{Z}$ باشند، چند نقطه با این ویژگی روی این منحنی قرار دارد؟

$$9(4)$$

$$2(3)$$

$$2(3)$$

$$1(1)$$

۱۴۵- دو عدد $1 - a^2$ و $17a + 9$ ، رقم یکان برابری دارند. رقم یکان $a^2 + a$ کدام است؟

$$8(4)$$

$$2(3)$$

$$3(2)$$

$$2(1)$$

۱۴۶- اگر x و y هر دو عدد طبیعی باشند، معادله سیاله خطی $12x + 11y = 759$ چند جواب دارد؟

$$6(4)$$

$$5(3)$$

$$4(2)$$

$$3(1)$$

۱۴۷- در یک گراف کامل G ، $p(G) = \Delta'(G) - 2\delta(G)$ است. مقدار $p(G)$ کدام است؟

$$8(4)$$

$$7(3)$$

$$6(2)$$

$$5(1)$$

۱۴۸- درجه رأس‌های یک گراف ساده و همبند به صورت اعداد $5, 4, 3, 2, b, c$ هستند. اگر تعداد یال‌های این گراف $1/5$ برابر $(a+b+c)$ باشد، چند حالت مختلف برای مجموعه $\{a, b, c\}$ وجود دارد؟

$$2(4)$$

$$2(3)$$

$$5(2)$$

$$4(1)$$

۱۴۹- چند عدد طبیعی کوچک‌تر از 6000 با مجموع ارقام 8 وجود دارد؟

$$158(4)$$

$$164(3)$$

$$165(2)$$

$$155(1)$$

۱۵۰- حداقل چند زیرمجموعه از مجموعه $\{1, 2, 3, \dots, 7\}$ انتخاب شود تا مطمئن شویم دو زیرمجموعه با اشتراک تهی در آنها وجود دارد؟

$$46(4)$$

$$45(3)$$

$$64(2)$$

$$55(1)$$

محل انجام معاملات

